

无穷递降法是费马发明的，在原理上就像综合了反证法

与归纳法，它的原理是假设某个正整数满足一些性质，并以此证明存在更小的正整数也满足同样的性质的，那么，根本就不会有这样的正整数存在。举例说明：

不存在一

对正整数 m, n 同时满

足： $(m, n) = 1$ ，即最大公约数为1，且不都是平方数， mn 却是平方数。证明如下：

设其中， m 不是平方数，则 m 至少有一个素因子 p ，令 $m = pl$ 。

(表示 mn 能整除 p ，下同)

, 令 $k = ps$

因为 $(m, n) = 1$, n 不可能整除 p ,

, 令

, 且

, 即也满足题设的三个性质，但同理，我们推导一序列的正整数：都能满足题设的三个性质，但这是不可能存在的，毕竟正整数是有下限的，可以取下限值来验证即可知了，比如原题，取 $n = 9$ ，即可推翻原假设了。

费马声称自己证明了费马大定理（），用的就是无穷递降法，当然，他事实上没能证明。但是，利用无穷递降法可以证明当 $n = 4k$ ($k = 1, 2, 3, \dots$)时，费马大定理是正确的。请看如下：

假设存在非零整数解，设 x, y, z 无1以外的公因子，如有等式两边直接约去即可。

令， $(p, q) = 1$, 则

因 x, y, z 无1以外的公共因子，且 y 为偶数，所以， x 必为奇数，即 p, q 必有一个是奇数，一个是偶数，且 $(p, q) = 1$ ，即 x, p, q 无1以外的公共因子。

，且 $(a, b) = 1$

因为 $(a, b) = 1$ ，即 a, b 无1以外的公共因子，任何能被 ab 整除的素数，必定不能被整除，即

设，则为平方数。

由于我们只用了是平方数，即可推导出也是平方数，同理，我们可以推导出也是平方数，从而建立起无穷递减的整数序列，一直到，但这显然是不对的，因此，就否定了是平方数，更不可能是四次幂的数。所以，不存在非零整数解。